

Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

1

ATENÇÃO: Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

Questão 1 – (1+T)

1. Considere a utilização de uma cifra por blocos no modo CBC em que o vector de inicialização é transmitido em claro.
 - (a) Qual é o impacto, ao decifrar uma mensagem, da alteração de um *bit* em: (i) o vector de inicialização; (ii) um bloco de criptograma intermédio.
 - (b) Com base na resposta à alínea anterior, discuta a adequação da solução proposta em termos de segurança (propondo alternativas se entender apropriado).
2. Em que consiste um *Message Authentication Code*? Que propriedades pretende estabelecer?
3. Uma forma de codificar um MAC consiste em fazer uso de uma função apropriada h da seguinte forma:

$$\text{MAC}(k, M) = h(k \cdot h(M \cdot k))$$

onde \cdot denota a concatenação. Justifique a adequação desta solução explicitando quais são as premissas e como é que se estabelecem as propriedades pretendidas.

4. As *Engines Classes* do JCA/JCE disponibilizam aos programadores “serviços” criptográficos. Forneça exemplos de 4 dessas classes, indicando a respectiva funcionalidade.

Nome: _____

Número: _____ Curso: _____

Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

2

ATENÇÃO: Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

Questão 2 – (2+T)

- O certificados X509 são provavelmente o aspecto mais visível da utilização da criptografia nas utilizações correntes (correio electrónico, navegação web, etc.)
 - Que problema é que pretendem resolver?
 - No que é que consistem e porque é que permitem ultrapassar as dificuldades apontadas na alínea anterior?
 - Faz sentido um certificado ser auto-assinado? Em que circunstâncias e com que objectivos?
 - Descreva a utilização de certificados no envio e recepção de *emails* assinados e cifrados.
 - Refira outra aplicação criptográfica onde estejam envolvidos certificados X509. Descreva de forma sucinta essa aplicação e qual a utilização que faz dos certificados.
- A qualidade dos números aleatórios é um factor determinante na segurança das técnicas criptográficas. Para confirmar esta afirmação, lembre a cifra *El-Gamal* estudada no curso: dado um primo p e um gerador g de Z_p^*
 - Inicialização:** gera um número x ($0 < x < p$) e faz-se $y = g^x [p]$. A chave privado é formado pelo triplo $\langle x, g, p \rangle$ e a chave pública pelo triplo $\langle y, g, p \rangle$.
 - Cifrar:** gera-se um número aleatório r ($0 < r < p$), sendo o criptograma formado pelo par $\langle c_1, c_2 \rangle = \langle g^r, m * y^r \rangle$.
 - Decifrar:** dado um criptograma $\langle c_1, c_2 \rangle$, a mensagem é recuperada calculando $c_2 / (c_1^x) [p]$.

Mostre como um adversário poderá atacar a cifra se puder prever qual o número aleatório utilizado na operação de cifra.

Nome: _____

Número: _____ Curso: _____

Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

3

ATENÇÃO: Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

Questão 3 – (1)

1. No curso foi estudada a cifra *One Time Pad* (OTP) como um exemplo de uma cifra incondicionalmente segura.
 - (a) Explique o princípio de funcionamento dessa cifra.
 - (b) O que significa a afirmação “a cifra OTP é incondicionalmente segura”?
 - (c) Apesar do referido na alínea anterior, a cifra OTP é reconhecidamente inapropriada em utilizações correntes da criptografia. Porquê?
2. O que é uma *função de hash criptográfica*? Que propriedades são esperadas nessas funções?
3. O que caracteriza uma cifra sequencial auto-sincronizável? Em que situações aconselharia a sua utilização?

Nome: _____

Número: _____ Curso: _____

Criptografia Aplicada

LESI / LMCC

Exame de Recurso – Fevereiro de 2008

4

ATENÇÃO: Quem estiver a realizar o teste referente à primeira parte da matéria deve responder às questões assinaladas com “1”; à segunda parte com “2” e a toda a matéria com “T”. Melhorias de notas devem sempre responder a toda a matéria (T).

Questão 4 – (2)

1. Relembre a primitiva criptográfica RSA estudada no curso.

- **Inicialização:** geram-se dois números primos p e q ($n = p \cdot q$), e um inteiro e tal que $\gcd(e, \varphi(n)) = 1$. Calcula-se d tal que $e \cdot d = 1 \pmod{\varphi(n)}$.
- **Cifrar:** $c = m^e \pmod{n}$ (com $0 \leq m < n$).
- **Decifrar:** $m = c^d \pmod{n}$.

- (a) A segurança do RSA está intimamente relacionada com a dificuldade de se factorizarem números grandes. Explique como é que, conhecendo a factorização de n , se pode atacar o RSA.
- (b) Um problema associado à utilização directa da primitiva RSA na implementação de uma cifra assimétrica é a sua *natureza determinística*. Explique como tirar partido dessa característica num ataque à cifra e como é que técnicas como RSA-OAEP ultrapassam esse problema?

2. As *assinaturas digitais* e os *message authentication codes* foram duas das técnicas estudadas no curso. Descreva as similaridades e as diferenças que é possível estabelecer entre essas técnicas (nível das propriedades que lhes associamos).

3. O acordo de chaves é um ingrediente importante na utilização corrente da criptografia.

- (a) Descreva o protocolo de acordo de chaves *Diffie&Helman* e justifique a sua segurança perante um adversário passivo.
- (b) Como é que protocolo *Station-to-Station* ultrapassa as limitações do acordo de chaves *Diffie&Helman* perante adversários activos? Justifique.

Nome: _____

Número: _____ Curso: _____

