

Cálculo de Programas

2.º ano das Licenciaturas em
Engenharia Informática e Ciências da Computação
UNIVERSIDADE DO MINHO

2012/13 - Ficha nr.º 1

1. Codifique em Haskell as funções $\text{length} :: [a] \rightarrow \text{Int}$ e $\text{reverse} :: [a] \rightarrow [a]$ que conhece da disciplina de Programação Funcional (PF) e que, respectivamente, calculam o comprimento da lista de entrada e a invertem.

2. Recorde o tipo que se usa em Haskell para representar valores opcionais:

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

Defina a função $\text{catMaybes} :: [\text{Maybe } a] \rightarrow [a]$ que extrai o conteúdo útil da lista de entrada.

3. Considere a definição da função $\text{split} :: a \rightarrow [a] \rightarrow ([a], [a])$ que é usada pelo algoritmo *quicksort* para partir uma lista em duas:

```
split a l = ([x | x ← l, x ≤ a], [x | x ← l, x > a])
```

Apresente uma definição alternativa (recursiva) de split que não use listas por compreensão e que percorra a lista uma única vez.

4. Apresente definições em Haskell das seguintes funções que estudou em PF:

```
uncurry :: (a → b → c) → (a, b) → c (que emparelha os argumentos de uma função)
curry :: ((a, b) → c) → a → b → c (que faz o efeito inverso da anterior)
flip :: (a → b → c) → b → a → c (que troca a ordem dos argumentos de uma função)
```

5. Atente na definição seguinte de um dos combinadores emblemáticos da linguagem Haskell, que já conhece de PF:

```
foldr :: (a → b → b) → b → [a] → b
foldr g z [] = z
foldr g z (x : xs) = x 'g' (foldr g z xs)
```

(a) Defina $\text{length} :: [a] \rightarrow \text{Int}$ usando foldr .

(b) O que faz a função $f = \text{foldr } (:) []$? **Sugestão:** comece por copiar a definição dada e faça literalmente as substituições $g := (:)$ e $z := []$. De seguida substitua $\text{foldr } (:) []$ por f . Obtém assim uma definição explícita de f , sem recorrer ao combinador dado, que é mais fácil de inspeccionar.

6. Partindo da definição

```
for b i 0 = i
for b i (n + 1) = b (for b i n)
```

inspecione o significado das expressões $\text{for } (a+) 0$ e $\text{for } (a*) 1$, **Sugestão:** proceda pelo método de substituição da alínea 5b.

7. Considere as funções

$$f :: [\text{Int}] \rightarrow [\text{Int}]$$
$$f\ s = [a + 1 \mid a \leftarrow s, a > 0]$$

e

$$\text{concat} :: [[a]] \rightarrow [a]$$
$$\text{concat} = \text{foldr } (+) []$$

- (a) Diga por palavras suas o que faz a função f .
- (b) Escreva-a sob a forma de um foldr .
- (c) Escreva concat sem recorrer ao combinador foldr (Sugestão: faça como na questão 5).

8. Considere a função m seguinte:

$$m :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]$$
$$m\ f\ [] = []$$
$$m\ f\ (h : t) = (f\ h) : m\ f\ t$$

- (a) Reescreva-a usando o combinador foldr .
- (b) Reescreva-a sem usar o combinador foldr .
- (c) Qual o tipo da expressão $m\ (\lambda x \rightarrow [x])$? E o que faz essa expressão?
- (d) Abreviando a função $\lambda x \rightarrow [x]$ pela designação singl , averigue qual o resultado das expressões

`let s = m singl "Calculo de Programas" in concat s`

e

`concat (singl "Calculo de Programas")`

correndo-as mentalmente. Tente generalizar o que apurou nesse exercício mental.